

Ensino Secundário Recorrente

MATRIZ DA PROVA DE EXAME

(AVALIAÇÃO DO REGIME NÃO PRESENCIAL E AVALIAÇÃO DE RECURSO)

MATEMÁTICA A - 12º ANO

Módulo 9

Duração da Prova: 90 minutos

Modalidade: Prova escrita

Objecto de avaliação:

A prova tem por referência o Programa e Metas Curriculares da disciplina de Matemática A, homologados em 2014, as Orientações de Gestão Curricular para o Programa e Metas Curriculares da disciplina de Matemática A, a Organização modular do *Programa e Metas Curriculares de Matemática A*, documentos publicados pela Direcção Geral da Educação em agosto de 2016, e as Aprendizagens Essenciais homologadas pelo Despacho n.º 8476-A/2018.

Conteúdos	Objetivos / Competências	Cotação
Propriedades das Operações sobre Conjuntos. Cálculo Combinatório.	<ul style="list-style-type: none"> Conhecer e aplicar as propriedades sobre conjuntos: comutativa, associativa, de existência de elemento neutro e elemento absorvente e da idempotência da união e da interseção e propriedades distributivas da união em relação à interseção e da interseção em relação à união; Determinar o número de subconjuntos de p elementos de um conjunto de cardinal n: combinações; Resolver problemas envolvendo cardinais de conjuntos, contagens, arranjos com e sem repetição, permutações e combinações. 	50 a 80 pontos
Triângulo de Pascal e Binómio de Newton	<ul style="list-style-type: none"> Resolver problemas envolvendo o Triângulo de Pascal e as suas propriedades e o desenvolvimento do Binómio de Newton. 	10 a 30 pontos

Espaços de Probabilidade	<ul style="list-style-type: none"> • Identificar, numa experiência aleatória, acontecimentos impossível, certo, elementar e composto; incompatíveis, contrários e equiprováveis; • Calcular a probabilidade de acontecimentos usando a regra de Laplace; • Resolver problemas usando as propriedades das probabilidades: probabilidade do acontecimento contrário, probabilidade da diferença e da união de acontecimentos. 	90 a 120 pontos
Probabilidade Condicionada	<ul style="list-style-type: none"> • Calcular a probabilidade condicionada de um acontecimento; • Identificar acontecimentos independentes; • Resolver problemas envolvendo probabilidade condicionada e acontecimentos independentes. 	

Caracterização da prova

A prova tem dois grupos de itens.

Alguns dos itens podem ter como suporte tabelas, figuras e/ou gráficos.

A sequência dos itens na prova não corresponde, necessariamente, à sequência das unidades temáticas do Programa e respetivas Aprendizagens Essenciais.

Os itens de cada um dos grupos podem incidir em qualquer um dos temas (conteúdos) objecto da avaliação.

A prova pode incluir os seguintes tipos de itens:

A) Itens de resposta fechada de escolha múltipla;

B) Itens de seleção;

C) Itens de resposta aberta que podem ser:

- de resolução de problemas;
- de desenvolvimento de raciocínios demonstrativos;
- de composição extensa orientada;
- de uso obrigatório de calculadora gráfica.

Os itens de resolução de problemas podem envolver conceitos, técnicas e interpretações em situações da vida real.

A prova inclui o formulário anexo a este documento.

Critérios gerais de classificação

A cotação a atribuir a cada item será sempre um número inteiro;

A prova é cotada de 0 a 200 pontos, sendo a classificação final expressa na escala de 0 a 20 valores;

Para cada uma das questões de escolha múltipla, o examinando deverá escolher a resposta correta, de entre as 4 alternativas que lhe são apresentadas e indicar de forma clara a sua opção, pois se não o fizer, a resposta será anulada; o examinando deverá escolher apenas uma das opções sem apresentar nenhum tipo de justificação;

Nos itens de resposta aberta, o examinando deve apresentar todo o raciocínio de forma clara, registando esquemas ou gráficos utilizados, bem como as justificações pedidas ou que entenda que deve dar;

Nos itens que impliquem a realização de cálculos, os examinandos têm de apresentar, de forma completa, os cálculos que efetuaram e têm de apresentar o valor exacto dos resultados, excepto quando é pedida uma aproximação.

O aluno pode resolver cada item por um qualquer processo desde que este seja válido e não lhe tenha sido pedido que a resolução obedeça a um processo específico;

A classificação não será prejudicada pela utilização de dados incorretos, obtidos em cálculos anteriores, desde que o grau de dificuldade se mantenha;

No total da prova, a cotação distribui-se pelos temas e conteúdos de acordo com a matriz.

Nos itens que envolvam a produção de um texto, a classificação das respostas tem em conta a organização dos conteúdos e a utilização de linguagem científica adequada.

Material

O examinando apenas pode usar, como material de escrita, caneta ou esferográfica de tinta indelével, azul ou preta.

As respostas são registadas em folha própria, fornecida pelo estabelecimento de ensino.

O examinando deve ser portador de uma calculadora gráfica.

Não é permitido o uso de corretor.

Anexo:

FORMULÁRIO

Geometria

Comprimento de um arco de circunferência:

αr (α – amplitude, em radianos, do ângulo ao centro; r – raio)

Área de um polígono regular: *Semiperímetro* \times *Apótema*

Área de um sector circular:

$\frac{\alpha r^2}{2}$ (α – amplitude, em radianos, do ângulo ao centro; r – raio)

Área lateral de um cone: $\pi r g$ (r – raio da base; g – geratriz)

Área de uma superfície esférica: $4\pi r^2$ (r – raio)

Volume de uma pirâmide: $\frac{1}{3} \times$ *Área da base* \times *Altura*

Volume de um cone: $\frac{1}{3} \times$ *Área da base* \times *Altura*

Volume de uma esfera: $\frac{4}{3}\pi r^3$ (r – raio)

Progressões

Soma dos n primeiros termos de uma progressão (u_n) :

Progressão aritmética: $\frac{u_1 + u_n}{2} \times n$

Progressão geométrica: $u_1 \times \frac{1 - r^n}{1 - r}$

Trigonometria

$\text{sen}(a + b) = \text{sen} a \cos b + \text{sen} b \cos a$

$\text{cos}(a + b) = \text{cos} a \cos b - \text{sen} a \text{sen} b$

Complexos

$(\rho e^{i\theta})^n = \rho^n e^{in\theta}$

$\sqrt[n]{\rho e^{i\theta}} = \sqrt[n]{\rho} e^{i\frac{\theta + 2k\pi}{n}}$ ($k \in \{0, \dots, n-1\}$ e $n \in \mathbb{N}$)

Regras de derivação

$$(u + v)' = u' + v'$$

$$(u v)' = u' v + u v'$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u' v - u v'}{v^2}$$

$$(u^n)' = n u^{n-1} u' \quad (n \in \mathbb{R})$$

$$(\text{sen } u)' = u' \cos u$$

$$(\text{cos } u)' = -u' \text{sen } u$$

$$(\text{tg } u)' = \frac{u'}{\cos^2 u}$$

$$(e^u)' = u' e^u$$

$$(a^u)' = u' a^u \ln a \quad (a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\})$$

$$(\ln u)' = \frac{u'}{u}$$

$$(\log_a u)' = \frac{u'}{u \ln a} \quad (a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\})$$

Limites notáveis

$$\lim \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e \quad (n \in \mathbb{N})$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\text{sen } x}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x^p} = +\infty \quad (p \in \mathbb{R})$$